

millió egységnyi vízben 1 egységnyi vér észlelésére is képesek (tehát  $10^{-8}$ -szoros hígításban érzékelnek).

3. Egy kaliforniai cég olyan karórához hasonló műszert fejlesztett ki Gluco-Watch néven, amely a bőrből fájdalomtalanul vérpróbát vesz, melyből a szőlőcukor mennyiséget folyamatosan meghatározza, s így ellenőrzi a beteg vércukor szintjét. A készülék nem tűvel veszi próbáját, hanem két elektródja közti feszültség hatására a sejtmedvek elektrolitjai vándorlása során ionos részecskék, melyek magukkal sodornak szőlőcukor molekulákat is, így kerülnek a készülék érzékelőjébe. A cukormolekulák mennyiségét fokozatosan méri a készülék, s az adatokat az elektronikus memóriájában tárolja, ahonnan bármikor előhívhatók, s az "óra" számlapján leolvashatók. A kutatók már azon dolgoznak, hogy a mért eredmények alapján a szükséges inzulin mennyiséget is folyamatosan adagolhassa az óra a beteg szervezetébe a próbavétellet ellentétes irányú áramoltatással.

Popular Science nyomán **Máthé Enikő**

## Kerekasztal-problémák

1. Egy kerekasztal körül naponta találkozik  $2n+1$  miniszter. Hogyan kell elhelyezkedniük, hogy mindennap különböző szomszédjaik legyenek? Hány napot tarthat a konferencia?

2. Általánosítsuk a feladatot tetszőleges  $n$ -re!

3.  $n$  fiú és  $n$  lány körtáncot járnak. Hány kört alkothatnak úgy, hogy minden fiú csak lányokkal legyen szomszéd és minden körben különböző lányokkal?

Az első és a harmadik feladatot megpróbáljuk matematikailag megközelíteni. Kezdjük az elsővel!

1. Ha a minisztereket csomópontoknak tekintjük egy gráfban, akkor a feladatot visszavezethetjük egy gráfelméleti problémára, vagyis egy  $2n+1$  csomópontú teljes gráf különböző Hamilton-köreinek a meghatározására.

### Definíció:

A **gráf** matematikai objektum, amely geometriailag csomópontokból és az őket összekötő élekből áll. Egy gráfot akkor nevezünk **teljesnek**, ha minden egyes csomópontja össze van kötve az összes többivel.

A **Hamilton-kör** olyan zárt út a gráfban, amely minden egyes csomóponton egyszer halad át. Kivételt képez a kezdő csomópont, amely egyben végcsomópont is. Két Hamilton-kör **élfüggetlen** ha nincs közös élük.

Matematikailag bizonyítható, hogy egy  $2n+1$  csomópontot tartalmazó teljes gráfnak,  $n$  élfüggetlen Hamilton-köre létezik.

Helyezzük a csomópontokat egy körre a következőképpen:

(i) Az első csomópontot tegyük a kör középpontjába.

(ii) A többi helyezzük egy szabályos  $2n$  oldalú sokszög csúcspontjaiba.

9 miniszter esetében az 1. ábrán látható felállításhoz jutunk. Ez lenne az első lehetséges megoldás. A többi megoldást az ábrán látható ciklus forogtatásából kapjuk. 9 miniszter esetében a következő elhelyezések léteznek:

- |    |                   |
|----|-------------------|
| 1) | 2 3 4 5 6 7 8 9 1 |
| 2) | 3 5 2 7 4 9 6 8 1 |

3) 5 7 3 9 2 8 4 6 1  
 4) 7 9 5 8 3 6 2 4 1

A fenti algoritmust használja a következő

Pascal program:

```

var
  x: array[ 1..100] of Integer;
  { Az elhelyezések tárolására}
  n: Integer;
  { A miniszterek száma}
  { A kezdeti felállítás}

procedure Helyez;
var
  b, j, k: Integer;
begin
  x[ 1 ] :=2; x[ 2 ] :=3;
  k:=4;b:=3; j:=n-1;
  while (k< n, do begin
    x[ j ] :=k; k:=k+1;j:=j-1;
    x[ b ] :=k; k:=k+1;b:=b+1;
  end
end;

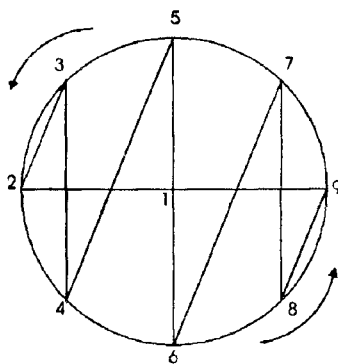
procedure Kiir;
var
  j,b: Integer;
begin
  writeln;
  write(' 1 '); write(x[ 1 ],' ',x[ 2 ],' ');
  b:=3; j:=n-1;
  while(b<=j) do begin
    write(x[ j ],' ',x[ b ],' ');
    b:=b+1;j:=j-1;
  end;
  write(' 1 ');
end;

procedure Forgat;
var
  seged, i, l: Integer;
begin
  Kiir;
  for l:=1 to n div 2 -1 do begin
    seged :=x[ l ];
    for i:= 2 to n-1 do
      x[ i-1 ] :=x[ i ];
      x[ n-1 ] := seged;
    Kiir
  end
end;

{ Főprogram}

begin
  write(' Paratlan szamot: ');
  readln(n);
  Helyez;
  Forgat;
end.

```



1. ábra

2. Tetszőleges  $n$ -re a feladatot a következő visszalépéses algoritmussal oldottuk meg

```
var
  x: array[ 1..100] of byte;
  szomszed: array[ 1..100, 1..100] of byte;
  n, nr: Byte;

procedure Init; forward;
procedure Back; forward;
procedure Kiir(var k: Integer); forward;
procedure Vissza(var k: Integer); forward;
function Probal(k: Byte): Boolean; forward;

{ Feltölti 0-val a tömböt}
procedure Init;
var
  i, j: Integer;
begin
  for i:= 1 to n do
    for j:=1 to n do
      szomszed[ i, j ] := 0;
end;
procedure Kiir(var k: Integer);
var
  i: Integer;
begin
  writeln;
  write(' Megoldás', nr, ' ');
  for i:= 1 to n do write(x[ i ] :4);
  inc(nr);
  k:= 2;
{ A következô megoldást a második elem újraválasztásával kezdjük}
end;

{ Szomszéd törlése visszalépéskor}
procedure Vissza(var k: Integer);
var
  i, j, l: Integer;
  ok: Boolean;
begin
  dec(k);
  if (kl) then begin
    szomszed[ x[ k ], x[ k-1 ] ] :=0;
    szomszed[ x[ k-1 ], x[ k ] ] :=0
  end;
end;

procedure Back;
var
  k: Integer;
begin
{ Az első elem rögzített. k=2}
  k:=2; x[ 1 ] := 1;
  while (kl) do
    if probal( k ) then
      if (k=n) then
        Kiir(k)
      else begin
        inc(k);
```

```

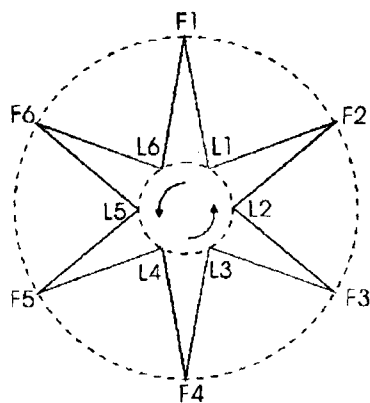
        x[ k ] :=1;
    end
    else
        vissza(k);
end;

Function Probal(k: Byte) : Boolean;
var
    ok: Boolean;
    i, j: Integer;
begin
    ok:= False;
    while (x[ k ] < n) and (not ok) do
        begin
            inc(x[ k ] );
            ok:= True;
            for i:=1 to k-1 do
                if x[ i ] = x[ k ] then ok:=False;
            if ok then begin
                if (szomszed[ x[ k-1 ], x[ k ] ] = 1) then ok := false;
                if (k=n) and
                    (szomszed[ x[ n ], x[ 1 ] ] = 1) then ok:=False;
            end;
        end;
    if ok then begin
        szomszed[ x[ k-1 ], x[ k ] ] := 1;
        szomszed[ x[ k ], x[ k-1 ] ] := 1;
        if (k=n) then begin
            szomszed[ x[ n ], x[ 1 ] ] := 1;
            szomszed[ x[ 1 ], x[ n ] ] := 1
        end;
    end;
    Probal := ok;
end;

begin
    readln(n);
    nr:= 1;
    back;
    readln
end.

```

3. A harmadik feladat is visszavezethető gráfokra. Ebben az esetben egy  $2n$  csomópontú bikromatikus gráf különböző Hamilton-köre megtalálásával egyenértékű.



2. ábra

### Definíció:

Egy gráfot  **$p$ -kromatikusnak** nevezünk  $p \in \mathbb{N}^*$ , ha a csúcspontjait kiszínezzük  $p$  különböző színnel úgy, hogy bármely két szomszédos csomópontnak különböző színe legyen. Azt a legkisebb  $p$  számot, amelyre a gráf  $p$ -kromatikus a gráf **kromatikus számának** nevezzük.

Az algoritmust  $n=6$  esetén vázoljuk. A fiúkat egy külső kör mentén helyezük el, míg a lányokat egy belső kör mentén a 2. ábrán látható módon.

Minden egyes elhelyezés után a lányok körét kettővel elforgatjuk egy adott irányba. Látható, hogy  $[n/2]$  különböző elhelyezés lehetséges.  $n=6$  esetében a következő elhelyezések lehetségesek:

```
F1L1F2L2F3L3F4L4F5L5F6L6F1
F1L3F2L4F3L5F4L6F5L1F6L2F1
F1L5F2L6F3L1F4L2F5L3F6L4F1
```

Ez a módszer páratlan  $n$ -re is helyesen működik. A következő Pascal program ezt az algoritmust használja az elhelyezések generálására.

```
var
  lanyok: array[1..100] of Integer;
  n, i, j, l, seged: Integer;
procedure kiir;
var
  i: Integer;
begin
  writeln;
  for i:=1 to n do
    write(' F', i, ' ', ' L', lanyok[ i ], ' ' );
  end;
{ Főprogram}
begin
  write(' n: ' ); readln(n);
  for i:=1 to n do
    lanyok[ i ] := i;
  kiir;
  for i:= 1 to n div 2 - 1 do begin
    for l:=1 to 2 do begin
      seged:= lanyok[ l ];
      for j:= 2 to n do
        lanyok[ j-1 ] := lanyok[ j ];
        lanyok[ n ] := seged;
      end;
    kiir
  end;
end.
```

*Felhasznált irodalom:*

Claude Berge: Teoria grafurilor și aplicațiile ei – Editura Tehnică, București, 1969

**Antal Margit**  
Marosvásárhely

## Hogyan viselkedjünk az Interneten?

### Hálózati etikett 2. rész

#### Levelezési listák, hírcsoportok

Sally Hambridge eredeti dolgozata, amelynek az alábbi szöveg csak egy része, elérhető a

<http://www.stanton.dtcc.edu/stanton/cs/rfc1855.html>

WWW-címről (pl. Netscape, Lynx, Internet Explorer böngészőkkel). A magyar változat (fordító: Négyesi Károly) szintén letölthető a