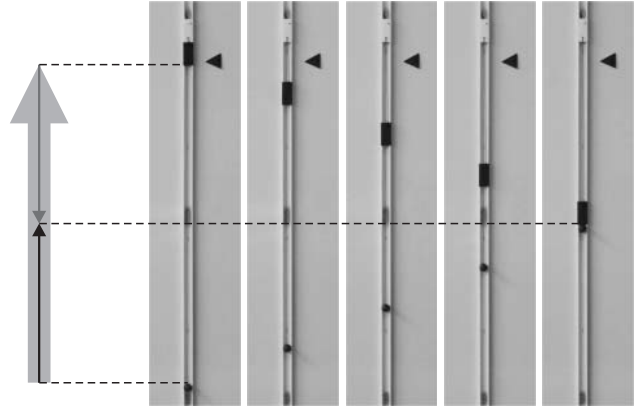


14. ábra. Az eredő elmozdulás  $120^\circ$ -ot bezáró elmozdulások összegzésekor ( $\Delta r_1 = 2 \cdot \Delta r_2$ ).

tésével ilyenkor is elérhető, hogy a golyó csúszkához viszonyított elmozdulásának nagysága a csúszka elmozdulásának nagyságával megegyezzen, illetve annak kétszerese vagy háromszorosa legyen. (A 15. ábrán látható kísérletben például a golyó csúszkához viszonyított elmozdulása kétszer nagyobb a csúszka elmozdulásánál, de azzal ellentétes irányú.)

Az eredő elmozdulás kezdő és végpontját, valamint a csúszka kezdeti helyzetét a táblán megjelölve megrajzolhatjuk az elmozdulásvektorokat. (A 15. ábrán látható elrendezésnél az eredő elmozdulás ugyanakkora, mint a csúszka elmozdulása, de azzal ellentétes irányú. Érdekes a képet az eredeti pályázati anyagból letölteni.)

Az ismertetett eszköz alkalmas az elmozdulások összegzésének tanórán történő, kísérleteken alapuló szemléltetésére. A kísérletek eredménye könnyen meg-



15. ábra. Ellentétes irányú elmozdulások összegzése ( $\Delta r_1 = 2 \cdot \Delta r_2$ ).

jeleníthető táblai rajzokon, ezek pedig segíthetik annak megerősítését és elmélyítését, hogy az elmozdulások vektorként (és nem skalárként) összegezhettek.

*Továbbfejlesztési lehetőséget* jelent, ha az eszközt egy fehér mágnestáblán használjuk, és közben projektorral egy rajzolóprogram képernyőképét vetítjük ki a táblára. Így az egérrel megjelölhetjük a golyó elmozdulásának kezdő- és végpontját, majd a rajzolóprogrammal megrajzolhatjuk az elmozdulásvektorokat. Hasonlóan használható az eszköz a digitális táblán is, ekkor a tábla mutatóeszközével dolgozhatunk.

A pályázat mellékletként tartalmaz egy PowerPoint bemutatót is. Ez az eszközről készített fényképek segítségével mutatja be az eszköz alkalmazási lehetőségeit. Ezt a bemutatót azonban *nem tanórai használatra* készítettem, hanem a tanároknak szántam, *kedvcsinálónak az eszköz elkészítéséhez*.

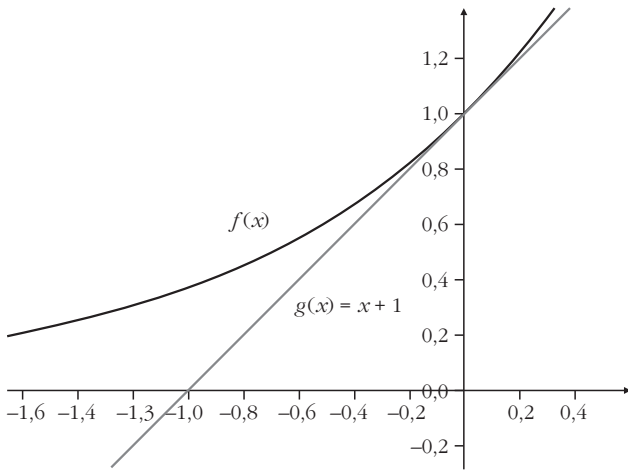
## AZ EULER-FÉLE SZÁM VIZSGÁLATA

Simon Péter  
PTE TTK Fizikai Intézet  
Leőwey Klára Gimnázium, Pécs

A középiskolai tanulók a 11. évfolyam elején ismerkednek meg matematikaórán a törtkitevőjű hatványozással, majd az 1-nél kisebb, illetve 1-nél nagyobb hatványalapú exponenciális függvénnyel. Bár sem a közép-, sem az emelt szintű matematikaérettségén nem követelmény, mégis a legtöbb tankönyvben, illetve feladatgyűjteményben szerepel olyan feladat, amely  $e$ -alapú hatványt, vagy természetes alapú logaritmust tartalmaz. Érdekes, hogy ezekben a matematika-tankönyvekben igazából csak annyit tudunk meg erről az Euler-féle  $e$ -számról, hogy értéke körülbelül 2,718, irracionális szám, esetleg azt is, hogy transzcendens, mint a  $\pi$ . A tanév elején a legtöbb diák még igen érdeklődő, ennyi információ nem elégíti ki, faggatja tanárát, hogy mégis mi ez az  $e$  szám, mire jó. A felkészült matematikatanár legtöbbször még annyival szokta kiegészíteni a tankönyvi kevéske információt, hogy az  $e$  szám a fizikában majd elő fog fordulni, bizonyos természeti folyamatok leírásánál fontos. A

diákok kíváncsisága persze ezzel a hírrel sem lett kielégítve. A második félévben fizikaórán valóban előfordulhat az Euler-féle szám. A középszintű fizikaérettségén követelmény a bomlási törvény ismerete, emelt szinten egyszerű feladatok megoldásakor használni is kell. Bár nem követelmény, de a bomlási törvényt a bomlási állandó segítségével is felírhatjuk. Ekkor ismét előkerülhet az  $e$  alapú hatvány vagy logaritmus. A diákok többsége addigra már rég elfelejtette a tanév eleji igen csekély ismeretet, és ekkor a fizikatanár legtöbbször csak annyit mond, hogy „hát ezt matekból tanultátok,  $e = 2,718\dots$ ”.

Ez a rövid írás arra vállalkozik, hogy ötletet adjon arra, hogyan lehet az Euler-féle számot elemi matematikai eszközökkel közelebb hozni diákjainkhoz. Többféle megközelítés létezik. Mi most azt az utat járjuk végig, amelyik a függvények vizsgálatát használja, hiszen a fizikai folyamatok leírásakor is függvényeket használunk.



1. ábra. A keresett  $f(x) = e^x$  (0, 1) pontjához húzott érintő a  $g(x) = x + 1$ .

## Az $e$ szám megtalálása

Vizsgáljuk az  $f(x) = a^x$  exponenciális függvényt! Keressük meg azt az  $a = e$  alapot, amely mellett az  $f(x) = e^x$  függvény grafikonja (0, 1) pontjához húzott érintő meredeksége:  $m = 1$  (1. ábra). Ha találunk egy ilyen  $e$  alapot, akkor az azt is jelenti, hogy az  $f(x) = e^x$  exponenciális függvény (0, 1) pontjához húzott érintő  $g(x)$  meredeksége megegyezik az  $f(x)$  függvény  $x = 0$  helyen felvett helyettesítési értékével ( $e^0 = 1$ ).

Ez azt is jelenti, hogy kicsiny  $x$  értékre ( $x \ll 1$ )  $e^x \approx 1 + x$ . Ezt a közelítést tekintjük egyenlőségnek, majd végük mindkét oldal 10-es alapú logaritmusát. Rendezés után a keresett  $e$  szám 10-es alapú logaritmusát kapjuk:

$$\lg e = \frac{\lg(1 + x)}{x}.$$

Innen  $e$  értékét már könnyedén megkapjuk:

$$e = 10^{\frac{\lg(1 + x)}{x}}.$$

Most már csak annyi a dolgunk, hogy egyre kisebb  $x$  értékek mellett, számológép segítségével egyre pon-

$x$	$e = 10^{(\lg(1+x))/x}$	$x$	$e = 10^{(\lg(1+x))/x}$
1	2	0,001	2,71692...
0,1	2,59374...	0,0001	2,71814...
0,01	2,70481...	0,00001	2,71826...

tosabban megkapjuk  $e$  értékét. Próbálkozásainkat az 1. táblázatba foglaltuk.

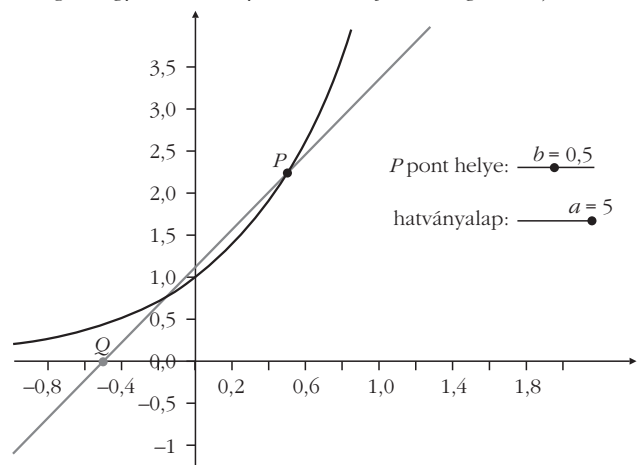
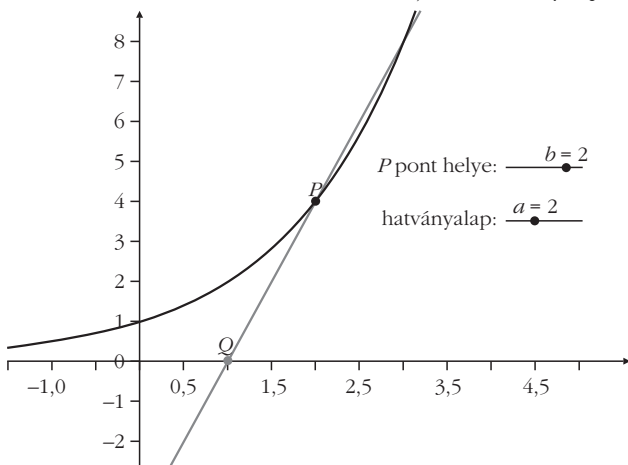
Igen hamar, viszonylag pontosan sikerült meghatározni a keresett  $e$  számot. 10 jegy pontosan az értéke:  $e = 2,718\ 281\ 828$ .

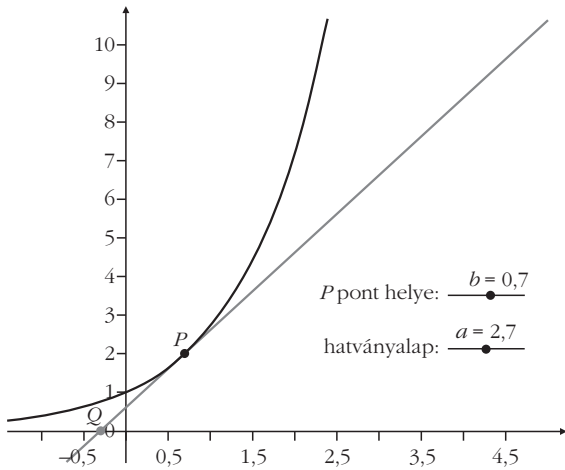
## Az $e^x$ függvény sajátossága

Igen, a fenti módon előállított  $e$  szám olyan, hogy az  $f(x) = e^x$  exponenciális függvény (0, 1) pontjához húzott érintő meredeksége megegyezik az  $f(x)$  függvény  $x = 0$  helyen felvett helyettesítési értékével ( $e^0 = 1$ ). Viszont az  $e^x$  függvény ennél többet is tud.

Határozzuk meg az  $e^x$  függvény grafikonja bármely  $(a, e^a)$  pontjához húzott érintő meredekségét. Gondolatban toljuk el a függvény képét a negatív  $x$ -irányba  $a$ -val és számítsuk ki a meredekséget az  $x = 0$  helyen! Az  $e^{(x+a)}$  függvény meredeksége az  $x = 0$  helyen ugyanannyi, mint az  $e^x$  meredeksége az  $x = 0$  helyen (azaz 1), szorozva  $e^a$ -val. (Itt azt használtuk fel, hogy az  $a$ -val való balra tolás egyenértékű a függvényértékek  $e^a$ -val való szorzásával.) Ezzel beláttuk, hogy  $e^x$  meredeksége az  $x = a$  helyen éppen  $e^a$ -val egyenlő. Ez azt is jelenti, hogy az  $f(x) = e^x$  exponenciális függvény grafikonja bármely pontjához húzott érintő meredeksége megegyezik az adott helyen felvett helyettesítési értékkel. Ezt könnyen tudjuk szemléltetni az internetről ingyenesen letölthető GeoGebra dinamikusan matematikai szoftver segítségével. Ábrázoljuk koordináta-rendszerben az  $f(x) = a^x$  függvényt úgy, hogy a csúszka segítségével

2. ábra. Az  $a = 2$  (balra) és az  $a = 5$  (jobbra) hatványalap esetén is a  $g(x)$  egyenes két helyen metszi az  $f(x) = a^x$  grafikonját.





3. ábra. Ha a hatványalap  $a = 2,7$ , akkor az exponenciális függvény bármely pontjához húzott érintő meredeksége megegyezik az adott helyen felvett helyettesítési értékkel.

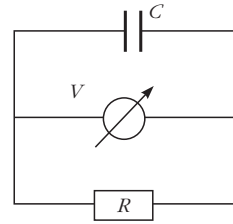
vel az  $a$  értékét 1 és 5 között tudjuk változtatni 0,1-es lépésekkel (2. ábra). Ezen exponenciális függvény grafikonján kijelölünk egy  $P$  pontot:  $P(b, a^b)$ . A  $P$  pontot úgy tudom mozgatni az  $f(x)$  grafikonján, hogy egy újabb csúszka segítségével változtathatom  $b$  értékét  $-2$ -től  $3$ -ig. Egy másik, a  $Q$  pont abszcisszája legyen 1-gyel kevesebb a  $P$  ponténál, és ordinátája legyen nulla:  $Q(b-1, 0)$ . Illesszünk a  $P$  és  $Q$  pontokra egy egyenest. Az így definiált  $g(x)$  függvény képe olyan egyenes, amelynek meredeksége megegyezik a  $P$  pont második koordinátájával. A csúszka segítségével mozgassuk a  $P$  pontot az exponenciális függvény grafikonja mentén. Szépen megmutatható, ha  $1 < a < 2,7$ , vagy  $2,7 < a$ , akkor a  $g(x)$  egyenes két helyen metszi az  $f(x) = a^x$  exponenciális függvény grafikonját. Érdekes a csúszka segítségével a  $P$  pontot, és így vele együtt a  $P$  és  $Q$  pontokra illeszkedő egyenest is végigmozgatni a megadott tartományon ( $-2 < b < 3$ ).

Amennyiben a hatványalapot  $a = 2,7$ -re állítjuk be, láthatjuk, hogy a  $g(x)$  függvény által leírt egyenes egy pontban érinti az exponenciális függvény képét, akár-hova is mozgatjuk a  $P$  pontot (3. ábra). Ez persze nem egy egzakt bizonyítás, de nagyon élvezhető szemléltetés.

## Mérjük meg az $e$ -számot!

Most egy olyan fizikai jelenséget fogunk megvizsgálni, amelyben egy fizikai mennyiség pillanatnyi változási sebessége arányos a vizsgált fizikai mennyiség pillanatnyi értékével. A vizsgálat során mérést is végzünk, és a mért adatok elemzésével igyekszünk meghatározni az Euler-féle  $e$ -számot.

A  $C$  kapacitású kondenzátor kivezetéseit kössük  $U$  feszültségre. Ekkor a lemezein  $Q = C \cdot U$  elektromos töltés jelenik meg. Természetesen az egyik  $+Q$ , a másikon  $-Q$ . Ezután a rajzon látható kapcsolás alapján (4. ábra) süssük ki a feltöltött kondenzátort az  $R$  ellenálláson keresztül.



4. ábra. RC-kör az Euler-féle szám mérésére.

Egy multiméter beiktatásával nyomon követhetjük a kondenzátor feszültségének időbeli csökkenését. Az

$$U = \frac{1}{C} \cdot Q$$

összefüggés alapján belátható, hogy a kondenzátor feszültségének csökkenését az ellenálláson átáramló töltés okozza:

$$\Delta U = -\frac{1}{C} \cdot \Delta Q.$$

Az  $R$  ellenálláson kicsi  $\Delta t$  idő alatt áthaladó  $\Delta Q$  elektromos töltést kifejezhetjük az állandónak tekinthető  $I$  áramerősséggel:  $\Delta Q = I \cdot \Delta t$ . Ezt felhasználva:

$$\Delta U = -\frac{1}{C} \cdot I \cdot \Delta t.$$

Osszuk mindkét oldalt  $\Delta t$ -vel, majd az így nyert egyenlet oldalát alakítsuk át:

$$\frac{\Delta U}{\Delta t} = -\frac{1}{C} \cdot I = -\frac{1}{C} \cdot \frac{U}{R} = -\frac{1}{C \cdot R} \cdot U.$$

A kondenzátor feszültségének időbeli változási sebessége arányos a kondenzátor pillanatnyi feszültségével. Tehát találtunk egy olyan folyamatot, amelyben egy mennyiség időbeli változási sebessége arányos a változó mennyiség pillanatnyi értékével. Első látásra igen vonzó ötletnek tűnhet úgy megválasztani a kondenzátor és az ellenállás értékét, hogy a  $C \cdot R$  szorzat 1 legyen. Ekkor formálisan a

$$\frac{\Delta U}{\Delta t} = -\frac{1}{s} \cdot U$$

egyenlethez jutnánk. Az egyenletben szereplő mínusz előjel azt jelzi, hogy a kondenzátor  $U$  feszültsége időben csökken, az  $U(t)$  görbe meredeksége nem 1-szerese, hanem  $-1$ -szerese a felvett értéknek, ezért az  $U(t)$  exponenciális függvény kitevőjében is megjelenik egy mínusz jel:

$$U(t) = U_0 \cdot e^{-\frac{1}{s} \cdot t}.$$

Csakhogy ez a folyamat nagyon gyors lenne, nehéz lenne megfigyelni. (A kondenzátor feszültsége 1 másodperc alatt az  $e$ -ed részére csökkenne.) Lassítsuk a folyamatot! A kisülés idejét  $C \cdot R$ -szeresére növeljük, az exponenciális függvényt a  $t$ -tengely mentén a  $C \cdot R$ -szeresére nyújtjuk. Emiatt a feszültség-idő függvény a következő módon változik:

$$U(t) = U_0 \cdot e^{-\frac{1}{R \cdot C} \cdot t}. \quad (1)$$

2. táblázat

**A kisülő kondenzátor feszültségének csökkenés az idő függvényében**

$t$ (s)	$U$ (V)	$t$ (s)	$U$ (V)	$t$ (s)	$U$ (V)
0	8,77	50	6,95	100	5,49
5	8,57	55	6,78	105	5,36
10	8,39	60	6,62	110	5,24
15	8,21	65	6,46	115	5,12
20	8,00	70	6,32	120	5,00
25	7,81	75	6,17	125	4,88
30	7,62	80	6,03	130	4,77
35	7,49	85	5,89	135	4,66
40	7,29	90	5,75	140	4,54
45	7,10	95	5,62	145	4,43

Valósítsuk meg a kisülési folyamatot! A feszültségmérő műszer kijelzőjét vegyük filmre a folyamat során, majd a felvételt megtekintve 5 másodpercenként olvassuk le a kondenzátorfeszültség értékét. A mért adatokat a 2. táblázatba foglaltam, majd a kisülő kondenzátor feszültségét ábrázoltam az idő függvényében.

A kisülő kondenzátor feszültsége szigorúan monoton módon csökken az idő függvényében. Az is feltűnik, hogy a csökkenés üteme lassul a folyamat során (5. ábra). A csökkenés sebessége feleződik a vizsgált körülbelül 2,5 percben. Amennyiben a kondenzátor feszültsége exponenciálisan csökken az időben, akkor az

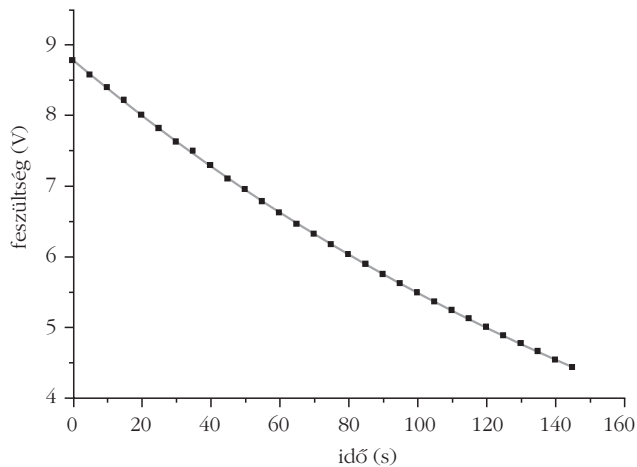
$$\lg\left(\frac{U(t)}{U_0}\right)$$

lineárisan függ az időtől. Készítsük el a 3. táblázatot, majd az új grafikont.

3. táblázat

**A kondenzátor relatív feszültségcsökkenésének logaritmus az idő függvényében**

$t$ (s)	$\lg(U/U_0)$	$t$ (s)	$\lg(U/U_0)$	$t$ (s)	$\lg(U/U_0)$
0	0,0	50	-0,101	100	-0,203
5	-0,01	55	-0,112	105	-0,214
10	-0,019	60	-0,122	110	-0,224
15	-0,029	65	-0,132	115	-0,234
20	-0,04	70	-0,142	120	-0,244
25	-0,05	75	-0,152	125	-0,255
30	-0,061	80	-0,162	130	-0,264
35	-0,069	85	-0,173	135	-0,275
40	-0,08	90	-0,183	140	-0,286
45	-0,092	95	-0,193	145	-0,297



5. ábra. A kondenzátor feszültsége exponenciálisan csökken kisülés közben.

A 6. ábra szerint az értékpárok által meghatározott pontokra egyenes illeszthető, amelynek meredeksége

$$m = -0,00205 \text{ 1/s } (\pm 0,45\%).$$

A (1) egyenletet rendezve, majd mindkét oldal logaritmusát véve, a következőt kapjuk:

$$\lg\left(\frac{U}{U_0}\right) = -\frac{\lg e}{R \cdot C} \cdot t,$$

amelynek meredeksége

$$m = -\frac{\lg e}{R \cdot C}.$$

Az  $e$ -szám kifejezhető az  $m$  meredekséggel:

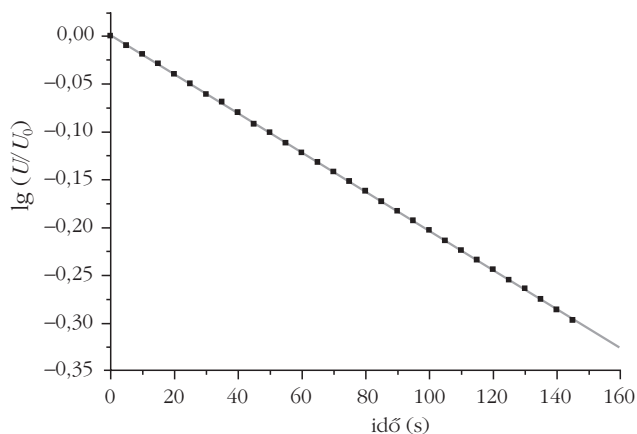
$$\lg e = -m \cdot R \cdot C.$$

A mérés során használt ellenállás értéke  $R = 82 \text{ k}\Omega$ , a kondenzátor kapacitása  $C = 2200 \text{ }\mu\text{F}$ . Behelyettesítés után:

$$e = 10^{-m \cdot R \cdot C} = 2,34.$$

Ez körülbelül 14%-kal kisebb az Euler-féle szám valódi értékénél.

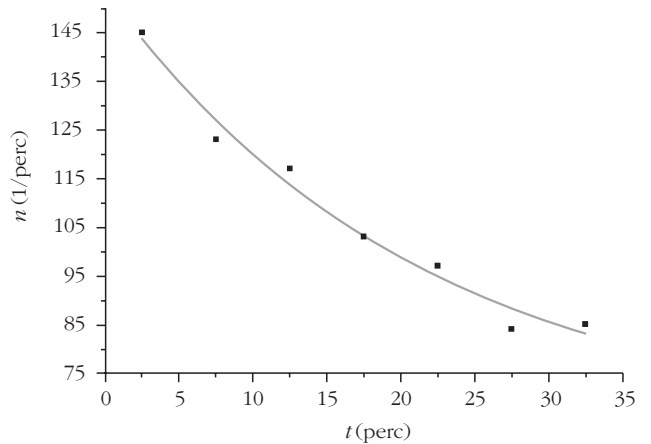
6. ábra. A kisülő kondenzátor relatív feszültségének logaritmus lineárisan függ az eltelt időtől.



4. táblázat

**A beütésszám-intenzitás csökkenése az idő függvényében**

$t$ (perc)	$n$ (beütés/perc)
2,5	145
7,5	123
12,5	117
17,5	103
22,5	97
27,5	84
32,5	85



7. ábra. A háttértől megtisztított, radioaktív bomlásból származó beütésszám-intenzitás exponenciálisan csökken az idő függvényében.

## Radioaktív bomlás vizsgálata

A radioaktív bomlás véletlenszerű jelenség. Azt nem tudjuk megmondani, hogy melyik atommag mikor fog elbomlani, de megállapítható, hogy egy atommag mekkora valószínűséggel bomlik el a következő 1 másodpercben. Ez a fizikai mennyiség a  $\lambda$ -val jelölt bomlási állandó, mértékegysége 1/s. Ennek alapján felírhatjuk a radioaktív magok  $\Delta N$  számának változását  $\Delta t$  idő alatt:

$$\Delta N = -\lambda \cdot N \cdot \Delta t.$$

Azt látjuk, hogy a radioaktív magok száma olyan mennyiség, aminek változása arányos annak pillanatnyi értékével. A korábban vizsgált kondenzátor feszültsége kisülés közben hasonló tulajdonságú mennyiség volt. Az ott leírtak analógiájaként megállapíthatjuk a radioaktív magok számának időfüggését:

$$N(t) = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}. \quad (2)$$

A radioaktív bomlást a legtöbb középiskola szertárában megtalálható Geiger–Müller-számláló segítségével tanulmányozhatjuk, és a mért adatok segítségével a bomlási állandó meghatározható. Radioaktív mintát igen könnyedén előállíthatunk, például a következő módon: egy porszívó csövét néhány réteg gézzel kössük be. Üzemeltessük a gépet fél-egy órán keresztül egy rosszul szellőző helyiségben, például egy pincében. Ügyeljünk arra, hogy ne a padlóról szívjuk fel a port, hanem a porszívó csövét körülbelül 1 méter magasan tartva áramoltassuk át rajta a helyiség levegőjét. Amíg a porszívó dolgozik a pincében, addig a tanteremben megmérjük a háttérsugárzást. Több mérés átlagát véve a háttérsugárzás  $27 (\pm 5)$  beütés/perc-nek adódott. A porszívót kikapcsolva, meglepődve tapasztaljuk, hogy a rajta átáramoltatott levegő mennyi port hagyott a gézen, a fehér anyagon egy kör alakú fekete folt jelent meg. Most helyezzük a radioaktív mintánkat a GM-cső ablaka alá. Ismét mérjük a beütésszámot egyperces intervallumokban, majd a háttér értékeit levonva, az adatokat foglaljuk táblázatba. Az így nyert adatok igen nagy fluktuációt mutatnak, gyakorlatilag feldolgozhatatlanok. Emiatt cél-

szerű az adatokat 5 perces intervallumokra mozgóátlagolni, azaz az egymást követő 5 perces időintervallumokra vegyük az adatok átlagát, és azt a középső időponthoz rendeljük hozzá (4. táblázat)!

A beütésszám-idő függvény grafikonját (7. ábra) szigorúan monoton csökkenőnek kell látnunk. Azonban amikor az aktivitás már annyira csökken, hogy a bomlás miatt várható beütésszám-csökkenés kisebb lesz a beütésszámok statisztikus szórásánál, ez a monoton csökkenés megszűnhet. Erre látunk példát a 32,5 percnél mért értéknél.

Érdekes a másodpercenkénti beütésszámok természetes alapú logaritmusát is ábrázolni (8. ábra) az idő függvényében.

Az  $\ln(n) - t$  összetartozó értékei által meghatározott pontokra egy egyenes illeszthető:

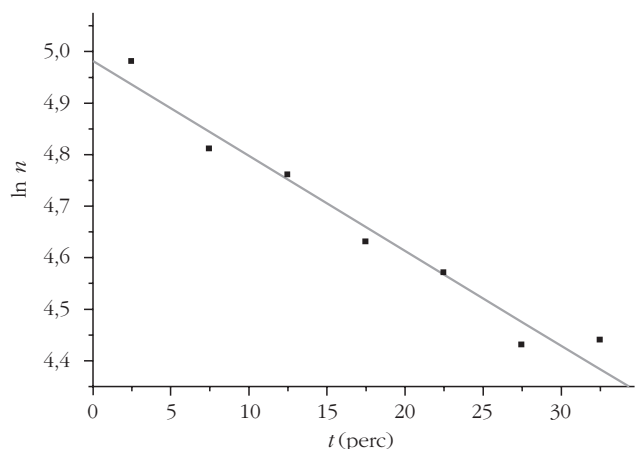
$$\ln n = m \cdot t + \ln n_0,$$

amelynek meredeksége:

$$m = -0,01836 \text{ 1/perc } (\pm 0,002 \text{ 1/perc}).$$

Léteznek egyenesek illesztésére alkalmas programok (például Origin, Excel), amelyek a paraméterértékek mellé a standard hibát is megadják. Az Origin prog-

8. ábra. A 7. ábrán szereplő beütésszámok logaritmusai lineárisan függ az időtől.



ramot használtam. Vegyük a (2) egyenlet mindkét oldalának természetes alapú logaritmusát, majd azt rendezve kapjuk:

$$\ln N = -\lambda \cdot t + \ln N_0.$$

Miután az  $n$  beütésszám arányos a radioaktív magok  $N$  számával, a két idő szerinti lineáris függvénykapcsolat meredeksége egyenlő:

$$\lambda = -m = 0,01836 \text{ 1/perc } (\pm 0,002 \text{ 1/perc}).$$

A bomlási állandó ismeretében meghatározható a radioaktív mintánk felezési ideje:

$$T_{1/2} = \frac{\ln 2}{\lambda} = 38 \text{ perc } (\pm 3 \text{ perc}).$$

Ez természetesen a radioaktív mintánk effektív felezési ideje, ami több anyag (a radon és leányelemei; polónium, bizmut, ólom) együttes aktivitásának jellemzője.

Más alkalommal elvégzett mérés nagyságrendileg hasonló, de nagy valószínűséggel más eredményt adna.

A radonproblémáról részletesen lehet olvasni *Piláth Károly* tanár úr interneten elérhető diáin [1].

◆

Ebben az írásban arra vállalkoztunk, hogy az iskolában háttérbe szorult, mégis időnként felbukkanó Euler-féle  $e$ -szám természetét jobban megvilágítsuk. Elemi matematikai eszközök segítségével függvény-tani értelmezést kerestünk és találtunk, hiszen a fizikai alkalmazások ezt igénylik.

#### Köszönetnyilvánítás

Köszönöm *Sükösd Csabának* (BME) és *Vigh Máténak* (ELTE) a cikk elkészítése során nyújtott segítségüket.

#### Irodalom

1. <https://indico.cern.ch/getFile.py/access?contribId=40&sessionId=1&resId=1&materialId=slides&confId=253187>

## HÁTHA JÓ LESZ MÉG VALAMIRE

– avagy leszerelt elemek, amelyek nem erre lettek teremtve,  
de megelevenednek kezemben

Jendrék Miklós

Boronkay György Műszaki Szakközépiskola,  
Gimnázium és Kollégium, Vác

A köznevelés egyik fontos feladata a fiatalok környezettudatos magatartásának kialakítása. A legjobb, ha ebben is személyes példát mutatunk. Mielőtt tönkrement vagy szükségtelemé vált tárgyainktól megszabadulunk, gondoljuk végig, nem lehetne-e a kidobásra szánt eszközt vagy annak elemeit valami más célra felhasználni. Komoly elhatározás, egy kis kreativitás, kitaláló próbálkozás – előbb vagy utóbb – sikerre vezet. Gondoljunk csak *Öveges* professzorra, aki szinte a semmiből milyen nagyszerű kísérleti eszközöket tudott fabrikálni! A gyakran idézett „semmiből nem lesz semmi” kedvenc jelmondata [1] mintájára fogalmazhatjuk meg a most is aktuális célkitűzést: „bármiből lehet még valami”.

### Törött kancsó nem vén kancsó

A fizikában a kísérletezés mellett fontos szerep jut a megfigyelésnek. Míg az előbbi kreativitáson túl bizonyos tárgyi és anyagi feltételekhez kötött, a megfigyelés nem igényel mást, csak azt, hogy nyitott szemmel járjunk, vegyük észre, ha valami érdekes történik körülöttünk. Néha hanyagságunk vagy ügyetlenségünk is hasznunkra lehet. Amikor egy véletlen mozdulattal a konyhaasztalról szerencsésen lesodortam egy vastag falú vizeskancsót, az első – következményeket felmérő – gondolatsort követően arra lettem figyelmes, hogy a

kancsó földi maradványai közül az egyik darab még jó fél perc múlva is az oldalán fekvé előre gördült, majd hátra. Több másodperces periódusidővel ismétlődött meg a mozgás. A törés okozta enyhe aszimmetria miatt a tömegközéppont az eredetihez képest kissé eltolódott. A keletkezett törésvonalak jól illeszkednek a síkhoz. A közel félkör alakot valószínűleg a becsapódásakor a kerület mentén kialakuló állóhullámok eredményezték. A duzzadóhelyek vetettek véget a kancsó konyhai pályafutásának (*1. ábra*).

1. ábra. Az egykori kancsó.

